

## Алгебра и теория чисел :: занятие 08 (03.04.2010)

### День 1 (03.04.2010)

#### Задачи 1. Первообразные корни и квадратичные вычеты

A. `primroot` Первообразный корень

#### Лекция 1. (Теория+Практика) Первообразные корни и квадратичные вычеты

1. Теорема о цикличности мультипликативной группы поля  $\mathbb{Z}/p\mathbb{Z}$
2. Первообразные корни
  - a. Теорема о существовании первообразных корней по модулям  $p^n$ ,  $2 \cdot p^n$  и 4
  - b. Количество первообразных корней
3. Квадратичные вычеты
  - a. Определение квадратичного вычета и квадратичного невычета по произвольному модулю
  - b. Число квадратичных вычетов по простому модулю
  - c. Символ Лежандра
  - d. Формула для символа Лежандра (Критерий Эйлера)
  - e. Теорема о  $\left(\left(\frac{p-1}{2}\right)!\right)^2 \equiv -1 \pmod{p}$  при  $p = 4k + 1$
  - f. Лемма Гаусса для вычисления квадратичного характера числа по простому модулю
  - g. Квадратичный характер числа 2 по простому модулю